

FONDAMENTI MATEMATICI PER L'INFORMATICA

CORSO DI LAUREA IN INFORMATICA

A.A.: 2014/15

27 GENNAIO 2016

Innanzitutto si compilino i campi sottostanti

Totale	1	2	3	4	5

Cognome

Nome

Numero di Matricola

Poi si svolgono su foglio protocollo i seguenti esercizi e si risponde alla domanda di teoria. Ogni risposta deve essere adeguatamente motivata. Si terrà conto non solo della correttezza dei risultati, ma anche della completezza e chiarezza delle spiegazioni. Non sono consentite attrezzature elettroniche di alcun tipo, incluse le calcolatrici tascabili e i telefoni cellulari, né libri, né appunti. Si consegna solo la bella copia, inserendo questo foglio all'interno.

Esercizio 1. Si dimostri per induzione su $n \in \mathbb{N}$ la seguente proprietà :

$$\sum_{k=1}^n \frac{1}{k(k+1)} = \frac{n}{n+1} \quad \forall n \geq 1$$

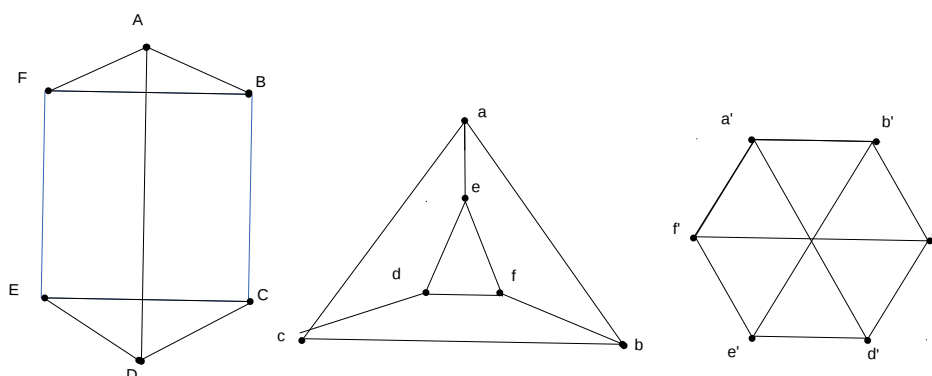
Esercizio 2. Determinare tutte le soluzioni (se esistono) del seguente sistema di congruenze:

$$\begin{cases} x \equiv 28 \pmod{45} \\ x \equiv 46 \pmod{18} \end{cases}$$

[28]₉₀
[SI]

Si determini, motivando la risposta, se esiste una soluzione divisibile per 16.

Esercizio 3. Detti G_1 , G_2 e G_3 i grafi sotto rappresentati, stabilire quali i tre seguenti grafi sono tra loro isomorfi e quali no.



$$[G_1 \cong G_2 \quad G_1 \not\cong G_3 \quad G_2 \not\cong G_3]$$

Esercizio 4. *Si dica, motivando la risposta, quale dei seguenti vettori*

$$d = (1, 1, 1, 2, 4, 4, 4, 5, 5, 7) \quad d_2 = (0, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 6, 8)$$

è lo score di un grafo e, in caso lo sia, si costruisca un tale grafo applicando il teorema dello score.

$[d_1 : SI, d_2 : NO]$

Si dica inoltre se

i) esiste un tale grafo che sia connesso;

$[SI]$

ii) esiste un tale grafo che sia sconnesso;

$[SI]$

iii) esiste un tale grafo che sia Hamiltoniano.

$[NO]$

Esercizio 5 (Domanda di teoria). *Si dimostri il teorema di esistenza e unicità del quoziente e del resto della divisione euclidea.*